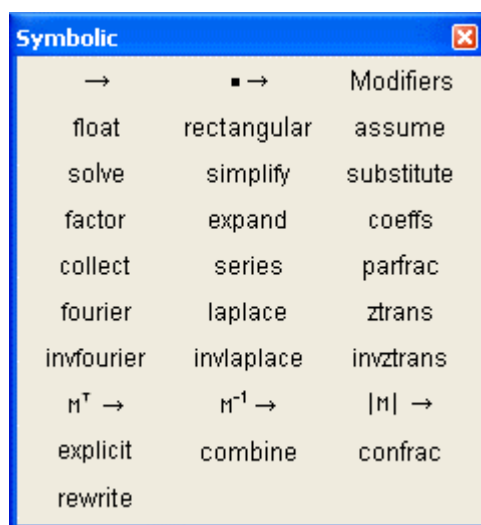
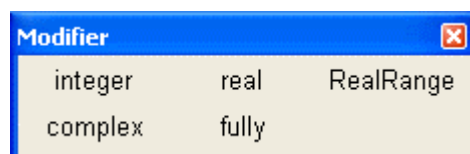


Pasek narzędziowy Symbolic [View – Toolbars – Math – Symbolic]



Pasek narzędziowy Modifier [Symbolic – Modifiers]



Słowa kluczowe można wprowadzić za pomocą paska narzędziowego [Symbolic] lub bezpośrednio z klawiatury.

Wprowadzanie z klawiatury

- Wciśnij **[Ctrl][Shift][.]**.
- Obliczane wyrażenie umieść w miejscu wprowadzania (czarny prostokąt) leżące po lewej stronie.
- Słowo kluczowe wpisz w miejscu wprowadzania leżącym na prawo i wprowadź przecinek.
- Za przecinkiem wpisz argument lub argumenty oddzielone przecinkami.
- Zakończ wciśnięciem klawisza **[Enter]**.

Używanie większej liczby słów kluczowych w wyrażeniu

Po wprowadzeniu pierwszego słowa kluczowego wciśnij **[Ctrl][Shift][.]** i wprowadź kolejne słowo.

A numerical calculation gives nothing but numbers:

$$F(x) := \sum_{k=0}^3 \frac{3!}{k! \cdot (3-k)!} \cdot x^k \cdot 2^{3-k}$$

$$F(2) = 64$$

$$F(-5) = -27$$

But a symbolic transformation can yield insight into the underlying expression:

$$F(x) \rightarrow 8 + 12 \cdot x + 6 \cdot x^2 + x^3$$

Press [Ctrl][Period] to get the symbolic equal sign.

$$\int_a^b x^2 dx \rightarrow \frac{1}{3} \cdot b^3 - \frac{1}{3} \cdot a^3$$

The symbolic equal sign uses previous definitions:

$$x := 8$$

$$y + 2 \cdot x \rightarrow y + 16$$

If the expression cannot be simplified further, the symbolic equal sign does nothing.

$$y^2 \rightarrow y^2$$

This is analogous to the equal sign you use for numerical evaluation:

$$2 = 2$$

When decimals are used, the symbolic equal sign returns decimal approximation

$$\sqrt{17} \rightarrow \sqrt{17} \quad \sqrt{17.0} \rightarrow 4.1231056256176605498$$

Using the limit operators and the live symbolics equal sign ([Ctrl] + Period)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 2}}{3 \cdot x + 6} \rightarrow \frac{1}{3} \quad \leftarrow \text{Press [Ctrl] [Shift] Z for } \infty$$

A limit from the right:

$$\lim_{x \rightarrow a^+} \frac{3 \cdot x + b}{x^2} \rightarrow \frac{(3 \cdot a + b)}{a^2}$$

A limit from the left:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{\sin(x)}{x} \rightarrow 1$$

<p>Symbolic evaluation</p> $\int_0^{\infty} e^{-x^2} dx \rightarrow \frac{1}{2} \cdot \sqrt{\pi}$	<p>Complex evaluation</p> $e^{i \cdot n \cdot \theta} \text{ complex} \rightarrow \cos(n \cdot \theta) + i \cdot \sin(n \cdot \theta)$
<p>Floating point evaluation</p> $\int_0^{\infty} e^{-x^2} dx \text{ float, 10} \rightarrow .8862269255$	
<p>Constrained evaluation</p> $x \cdot \int_0^{\infty} e^{-\alpha \cdot t} dt \text{ assume } , \alpha > 1, \alpha = \text{real} \rightarrow \frac{x}{\alpha}$ <p>(α is constrained to be greater than 1 and real)</p>	

Generating a series around the point $x=0$:

$$\ln(x + y) \text{ series, } x \rightarrow \ln(y) + \frac{x}{y} - \frac{1}{2} \cdot \frac{x^2}{y^2} + \frac{1}{3} \cdot \frac{x^3}{y^3} - \frac{1}{4} \cdot \frac{x^4}{y^4} + \frac{1}{5} \cdot \frac{x^5}{y^5}$$

Generating a series for $\sin(x)$ with order 6:

$$\sin(x) \text{ series, } x, 6 \rightarrow x - \frac{1}{6} \cdot x^3 + \frac{1}{120} \cdot x^5$$

Generating a series around the point $x=1$ and $y=0$ but show only those terms whose exponents sum to less than 3:

$$e^x + y \text{ series, } x=1, y, 3 \rightarrow \exp(1) + \exp(1) \cdot (x - 1) + y + \frac{1}{2} \cdot \exp(1) \cdot (x - 1)^2$$

↑
Press [Ctrl] = for the equal sign .

Słowo kluczowe **float**

$\pi = 3.141592653589793$ {ustawiono "number of decimal places" na 17, czyli na max}

$\pi \rightarrow \pi$

$\pi \text{ float}, 55 \rightarrow 3.141592653589793238462643383279502884197169399375105821$
{liczba cyfr znaczących = 55}

$\pi \text{ float} \rightarrow 3.1415926535897932385$ {domyślnie 20 cyfr znaczących}

$y(x) := \sqrt{x}$

$y(3) = 1.732$ {number of decimal places = 3}

$y(3) = 1.7320508075688772$ {number of decimal places = 17}

$y(3) \rightarrow \sqrt{3}$

$n := 55$

$y(3) \text{ float}, n \rightarrow 1.732050807568877293527446341505872366942805253810380628$

$\frac{3}{700} \text{ float}, 9 \rightarrow 0.00428571429$

Maksymalna liczba cyfr znaczących wynosi 250.

Słowo kluczowe **assume**

Składnia: `assume`, *ograniczenie*

Opis: Nakłada ograniczenia na jedną lub więcej zmiennych (*var*) zgodnie z wyrażeniem *ograniczenie*. Typowym ograniczeniem mogłoby być wyrażenie postaci: $var < 10$. Za pomocą **assume** można ograniczyć zmienną do liczb rzeczywistych, albo do określonego przedziału liczb rzeczywistych.

Przykłady

`var = real` oblicza wyrażenie przy założeniu, że zmienna *var* jest rzeczywista;

`var = RealRange(a,b)` oblicza wyrażenie przy założeniu, że zmienna *var* jest rzeczywista i zawiera się w przedziale $[a,b]$, gdzie *a* oraz *b* są liczbami rzeczywistymi;

PRZYKŁAD A

Równanie $(x^3 - 1)(x^2 - 2) = 0$ ma następujące rozwiązania

$$(x^3 - 1)(x^2 - 2) = 0 \text{ solve} \rightarrow \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} - \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \cdot i \\ -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \sqrt{3} \cdot i \\ 1 \\ -\sqrt{2} \\ \sqrt{2} \end{bmatrix}$$

Gdy rozwiązanie ma być liczbą rzeczywistą

$$(x^3 - 1)(x^2 - 2) = 0 \left| \begin{array}{l} \text{solve} \\ \text{assume, } x = \text{real} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} -\sqrt{2} \\ \sqrt{2} \\ 1 \end{pmatrix}$$

Gdy rozwiązanie ma być liczbą rzeczywistą z zakresu od 0 do 2

$$(x^3 - 1)(x^2 - 2) = 0 \left| \begin{array}{l} \text{solve} \\ \text{assume, } x = \text{RealRange}(0, 2) \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 1 \\ \sqrt{2} \end{pmatrix}$$

Gdy rozwiązanie ma być liczbą całkowitą

$$(x^3 - 1)(x^2 - 2) = 0 \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve} \\ \text{assume, } x = \text{integer} \end{array} \right. \rightarrow 1$$

PRZYKŁAD B

$$\frac{1}{L} \cdot \int_0^L \sin\left(\frac{n \cdot \pi \cdot \theta}{L}\right) d\theta \text{ simplify} \rightarrow \frac{2 \cdot \sin\left(\frac{\pi \cdot n}{2}\right)^2}{\pi \cdot n}$$

$$\frac{1}{L} \cdot \int_0^L \sin\left(\frac{n \cdot \pi \cdot \theta}{L}\right) d\theta \quad \left| \begin{array}{l} \text{assume, } n = \text{integer} \\ \text{simplify} \end{array} \right. \rightarrow \frac{(-1)^{n+1} + 1}{\pi \cdot n}$$

Słowo kluczowe **coeffs**

Składnia: `coeffs, var`

Opis: Wyznacza współczynniki wielomianu, w którym zmienną jest *var*. *var* może być wyrażeniem algebraicznym. W wyniku otrzymuje się wektor zawierający współczynniki. Pierwszy element wektora zawiera stałą, ostatni zawiera współczynnik stojący przy najwyższej potędze zmiennej *var*.

$$x^3 + 3 \cdot x^2 + 7 \cdot x \text{ coeffs, } x \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Gdy w wyrażeniu występuje tylko jedna niewiadoma, nie trzeba jej podawać

$$x^3 + 3 \cdot x^2 + 7 \cdot x \text{ coeffs} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Można też tak

$$f(x) := x^3 + 3 \cdot x^2 + 7 \cdot x$$

$$g := x^3 + 3 \cdot x^2 + 7 \cdot x$$

$$f(x) \text{ coeffs} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$g \text{ coeffs} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Opcjonalne słowo kluczowe `degree` powoduje wyświetlenie w prawej kolumnie potęg niewiadomej

$$f(x) \text{ coeffs, degree} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 7 & 1 \\ 3 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$$

Inne przykłady

$$3 \cdot b \cdot x^4 - b \cdot x + \frac{3}{2} \cdot x - 0.3 \cdot a \cdot b \text{ coeffs, } x \rightarrow \begin{pmatrix} -0.3 \cdot a \cdot b \\ \frac{3}{2} - b \\ 0 \\ 0 \\ 3 \cdot b \end{pmatrix}$$

$$\sin(x) + 2 \cdot \sin(x)^2 + 1 \text{ coeffs, } \sin(x) \rightarrow \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$(a+b)^3 \cdot (a-4) \cdot (b-3) \text{ coeffs, } a \rightarrow \begin{pmatrix} 12 \cdot b^3 - 4 \cdot b^4 \\ b^4 - 15 \cdot b^3 + 36 \cdot b^2 \\ 3 \cdot b^3 - 21 \cdot b^2 + 36 \cdot b \\ 3 \cdot b^2 - 13 \cdot b + 12 \\ b - 3 \end{pmatrix}$$

$$f := (a+b)^3 \cdot (a-4) \cdot (b-3) \quad f \text{ coeffs, } b \rightarrow \begin{pmatrix} 12 \cdot a^3 - 3 \cdot a^4 \\ a^4 - 13 \cdot a^3 + 36 \cdot a^2 \\ 3 \cdot a^3 - 21 \cdot a^2 + 36 \cdot a \\ 3 \cdot a^2 - 15 \cdot a + 12 \\ a - 4 \end{pmatrix}$$

$$x^{-3} \cdot (x-2)^6 \text{ coeffs, degree} \rightarrow \begin{pmatrix} 64 & -3 \\ -192 & -2 \\ 240 & -1 \\ -160 & 0 \\ 60 & 1 \\ -12 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$$

Słowo kluczowe **collect**

Składnia: collect, *var1*, *var2*, ..., *varn*

Opis: Wyciąga przed nawias zmienne *var1*, *var2*, ..., *varn* podniesione do jednakowych potęg (w nawiasach umieszczane są współczynniki stojące przed zmiennymi *var1*, *var2*, ..., *varn* podniesionymi do jednakowych potęg).

$$(x - 2)^3 \cdot (x + 2)^2 \text{ collect, } x \rightarrow x^5 - 2 \cdot x^4 - 8 \cdot x^3 + 16 \cdot x^2 + 16 \cdot x - 32$$

Gdy w wyrażeniu występuje tylko jedna zmienna, nie trzeba po słowie kluczowym collect podawać nazwy zmiennej.

$$(x - 2)^3 \cdot (x + 2)^2 \text{ collect} \rightarrow x^5 - 2 \cdot x^4 - 8 \cdot x^3 + 16 \cdot x^2 + 16 \cdot x - 32$$

$$x^2 + y^2 - a \cdot y \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x \text{ collect, } x \rightarrow (1 - a \cdot y) \cdot x^2 + (2 \cdot y^2 - 1) \cdot x + y^2$$

$$f := x^2 + y^2 - a \cdot y \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x$$

$$f \text{ collect, } x \rightarrow (1 - a \cdot y) \cdot x^2 + (2 \cdot y^2 - 1) \cdot x + y^2$$

$$x^2 + y^2 - a \cdot y \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x \text{ collect, } y \rightarrow (2 \cdot x + 1) \cdot y^2 + (-a \cdot x^2) \cdot y + x^2 - x$$

$$x^2 + y^2 - a \cdot y \cdot x^2 + 2 \cdot y^2 \cdot x - x \text{ collect, } x, y \rightarrow [(-a) \cdot y + 1] \cdot x^2 + (2 \cdot y^2 - 1) \cdot x + y^2$$

$$f \text{ collect, } y, x \rightarrow (2 \cdot x + 1) \cdot y^2 + (-a) \cdot x^2 \cdot y + x^2 - x$$

Słowo kluczowe **expand**

Składnia: `expand, expr`

Opis: Podnosi do danej potęgi sumy występujące w wyrażeniu algebraicznym oraz wymnaża przez siebie sumy występujące w nawiasach, za wyjątkiem wyrażenia *expr*. Jeżeli wyrażenie *expr* nie jest podane, to wymienione działania dotyczą całego wyrażenia algebraicznego.

$$\left(2 \cdot x - \frac{1}{2}\right)^3 \cdot (x^2 + 3) \text{ expand} \rightarrow 8 \cdot x^5 - 6 \cdot x^4 + \frac{51 \cdot x^3}{2} - \frac{145 \cdot x^2}{8} + \frac{9 \cdot x}{2} - \frac{3}{8}$$

$$y(x) := (x + 1)^3 + 2 \cdot [(x + 1)^2 - 1]^3 + 4x^2 - 4$$

$$y(x) \text{ expand} \rightarrow 2 \cdot x^6 + 12 \cdot x^5 + 24 \cdot x^4 + 17 \cdot x^3 + 7 \cdot x^2 + 3 \cdot x - 3$$

$$y(x) \text{ expand, } x + 1 \rightarrow 4 \cdot x^2 + 6 \cdot (x + 1)^2 + (x + 1)^3 - 6 \cdot (x + 1)^4 + 2 \cdot (x + 1)^6 - 6$$

Wyrażenia zawierające $x+1$ nie zostały rozwinięte.

$$\cos(5 \cdot \alpha) \text{ expand} \rightarrow \cos(\alpha)^5 - 10 \cdot \cos(\alpha)^3 \cdot \sin(\alpha)^2 + 5 \cdot \cos(\alpha) \cdot \sin(\alpha)^4$$

Słowo kluczowe **factor**

Składnia: `factor, expr`

Opis: Gdy jest to możliwe, przedstawia dane wyrażenie algebraiczne w postaci iloczynów. Argument `expr` jest opcjonalny. Jeżeli wyrażenie jest liczbą całkowitą, to w wyniku otrzymuje się iloczyn potęg liczb pierwszych. Jeżeli wyrażeniem jest wielomian lub funkcja wymierna, to otrzymuje się iloczyny wielomianów niższego stopnia lub funkcji wymiernych niższego stopnia. W celu uzyskania iloczynów, w których występują pierwiastki, należy za słowem `factor`, po przecinku, podać pierwiastek lub pierwiastki (oddzielone przecinkami).

$$x^2 - 1 \text{ factor} \rightarrow (x - 1) \cdot (x + 1)$$

$$x^2 - 2 \text{ factor} \rightarrow x^2 - 2$$

$$x^2 - 2 \text{ factor, } \sqrt{2} \rightarrow (x - \sqrt{2}) \cdot (x + \sqrt{2})$$

$$x^3 - 1 \text{ factor} \rightarrow (x - 1) \cdot (x^2 + x + 1)$$

$$x^3 - 2 \text{ factor} \rightarrow x^3 - 2$$

$$x^3 - 2 \text{ factor, } \sqrt[3]{2} \rightarrow \left(x - 2^{\frac{1}{3}}\right) \cdot \left(x^2 + 2^{\frac{1}{3}} \cdot x + 2^{\frac{2}{3}}\right)$$

$$1668 \text{ factor} \rightarrow 2^2 \cdot 3 \cdot 139$$

$$x^3 - 4 \cdot x^2 + x + 6 \text{ factor} \rightarrow (x - 2) \cdot (x - 3) \cdot (x + 1)$$

$$\frac{1}{x^2 - 4} + \frac{2 \cdot x}{x^3 - 1} \text{ factor} \rightarrow \frac{3 \cdot x^3 - 8 \cdot x - 1}{(x - 1) \cdot (x - 2) \cdot (x + 2) \cdot (x^2 + x + 1)}$$

Słowo kluczowe explicitSkładnia: `explicit, var1, var2, ..., varn`Opis: Pokazuje wartości zmiennych `var1, var2, ..., varn`, które są podstawiane podczas obliczeń do wyrażenia poddanego działaniu `explicit`.

Argumentami słowa kluczowego `explicit` nie muszą być wszystkie zmienne występujące w wyrażeniu. W przypadku podania mniejszej liczby zmiennych, wartości tylko tych zmiennych zostaną podstawione do wyrażenia. Jeżeli jakaś zmienna została zdefiniowana za pomocą innych zmiennych (dane `a := 30.7, b := 5.9`), np. `d := a + b`, to w wyniku działania `explicit` dostajemy

$$d \text{ explicit } ,d \rightarrow a + b \quad (1)$$

mimo że zmiennym `a` oraz `b` wcześniej nadano wartości. Aby po prawej stronie wyrażenia (1) uzyskać podstawienie wartości tych zmiennych, należy to wyrażenie zmodyfikować do postaci

$$d \text{ explicit } ,d ,a ,b \rightarrow 30.7 + 5.9 \quad (2)$$

Słowo `explicit` można ukryć, a strzałkę zastąpić znakiem równości. W tym celu należy kliknąć prawym klawiszem myszy na `explicit` i wybrać odpowiednią opcję w wyświetlonym menu.

Dostępne opcje:

View Evaluation as:

- Default
- Right Shaft
- Equal Sign

- Hide keywords
- Hide left-hand side

Słowo kluczowe `explicit` służy do podstawiania wartości zmiennych w wyrażeniach, lecz bez wykonywania obliczeń. Na przykład

$$\begin{array}{ccc} \overset{\text{m}}{\text{a}} := 30.7 \cdot \text{m} & \overset{\text{m}}{\text{b}} := 5.8 \cdot \text{sec} & \overset{\text{m}}{\text{c}} := 2.36 \cdot \frac{\text{m}}{\text{sec}} \end{array}$$

$$\frac{\overset{\text{m}}{\text{a}}}{\text{b}} + \text{c explicit } ,\overset{\text{m}}{\text{a}},\text{b},\text{c} \rightarrow \frac{30.7 \cdot \text{m}}{(5.8 \cdot \text{sec})} + 2.36 \cdot \left(\frac{\text{m}}{\text{sec}} \right)$$

Dzięki temu można zobaczyć podstawienia i wartości pośrednie przed wykonaniem obliczeń. Można więc użyć wyrażenia

$$\frac{a}{b} + c \text{ explicit } , a, b, c \rightarrow \frac{30.7 \cdot \text{m}}{(5.8 \cdot \text{sec})} + 2.36 \cdot \left(\frac{\text{m}}{\text{sec}} \right) = 17.12 \text{ mph}$$

zamiast po prostu

$$\frac{a}{b} + c = 7.653 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

W ten sposób wartości zmiennych a , b , oraz c są pokazane wraz z wynikiem obliczeń.

Wykluczenie podstawień

Słowo kluczowe `explicit` powoduje wyświetlenie tylko tych wartości zmiennych, które są podane jako jego argumenty.

$$\frac{a}{b} + c \text{ explicit } , a \rightarrow \frac{30.7 \cdot \text{m}}{b} + c$$

Mozna podać dowolną liczbę argumentów.

$$\frac{a}{b} + c \text{ explicit } , a, b, c, d \rightarrow \frac{30.7 \cdot \text{m}}{(5.8 \cdot \text{sec})} + 2.36 \cdot \left(\frac{\text{m}}{\text{sec}} \right)$$

Zmienne, które nie występują w wyrażeniu po lewej stronie `explicit` są po prostu ignorowane. Jeżeli żadna zmienna nie jest wyszczególniona, to następuje redefinicja nazw zmiennych, w celu umożliwienia użycia tych nazw jako nazw symbolicznych.

$$\frac{a}{b} + c \text{ explicit} \rightarrow \frac{a}{b} + c = 7.653 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\frac{a}{b} + c \rightarrow \frac{2.36 \cdot \text{m}}{\text{sec}} + \frac{5.293103448275862069 \cdot \text{m}}{\text{sec}}$$

{ukryte słowa
kluczowe}

Redefinicję można także wykonać bez użycia słowa `explicit`

$$a := a \quad b := b \quad c := c$$

$$\frac{a}{b} + c \rightarrow c + \frac{a}{b} = 7.653 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Opcje wyświetlania

Używając słowa **explicit** w dokumentacji technicznej możemy chcieć ukryć lub zmienić sposób przedstawiania operatorów i słów kluczowych. Na przykład

godz := hr

$s := 56.234 \cdot \text{km}$ $t := 0.456 \cdot \text{hr}$

$$\frac{s}{t} = \frac{56.234 \cdot \text{km}}{(0.456 \cdot \text{hr})} = 123.32 \frac{\text{km}}{\text{godz}}$$

W wyrażeniach powyżej słowa kluczowe są ukryte, a symboliczny znak równości jest zastąpiony znakiem =. Kliknij w wyrażenie, aby zobaczyć je w całości. Wszystkie równania symboliczne zawierające słowo kluczowe **explicit** mogą mieć domyślnie ustawiony taki sposób prezentacji.

Aby zmienić sposób wyświetlania równania symbolicznego należy kliknąć prawym klawiszem myszy w lewą stronę równania. Pojawi się menu, które umożliwia ukrycie słów kluczowych lub całej lewej strony równania. Podmenu **View Evaluation As** umożliwia zastąpienie strzałki obliczeń symbolicznych znakiem równości obliczeń numerycznych.

Przedstawione opcje umożliwiają uzyskanie wyrażen jak pokazano poniżej

$F1 := 2.987 \cdot \text{N}$ $A1 := 5.78 \cdot \text{m}^2$

$$\begin{aligned} \frac{F1}{A1} &= \frac{2.987 \cdot \text{N}}{A1} \\ &= \frac{2.987 \cdot \text{N}}{(5.78 \cdot \text{m}^2)} \\ &= \frac{0.5168 \cdot \text{N}}{\text{m}^2} = 0.517 \text{ Pa} \end{aligned}$$

Kliknij w każde z powyższych wyrażen prawym klawiszem myszy, aby zobaczyć jakie opcje zostały wybrane.